

Fonction logarithme népérien

Exercice

1

Les propriétés algébriques de la fonction logarithme népérien.

Simplifier les expressions suivantes :

1 $A = \ln(2) + \ln(5)$.

2 $B = \ln(3) - \ln(7)$.

3 $C = 2 \ln(3) + \frac{1}{2} \ln(5)$.

4 Ecrire en fonction de $\ln(2)$ le nombre suivant :

$$D = 2 \ln(8) - 6 \ln(\sqrt{2}) - \ln(16)$$

Solution vidéo ↓



Exercice

2

Déterminer le domaine de définition avec le logarithme népérien.

1 Soit $f(x) = 2 \ln(-4x + 12)$.
Déterminer le domaine de définition de f .

2 Soit $g(x) = \ln(3x + 6) + \ln(-5x + 20)$.
Déterminer le domaine de définition de g .

Solution vidéo ↓



Exercice

3

Résoudre une équation avec la fonction logarithme népérien partie 1.

1 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'équation $\ln x = 7$.

2 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'équation $2 \ln x - 6 = 0$.

3 Résoudre dans $] -\infty; +\infty[$ l'équation $e^{x+1} = 4$.

4 Résoudre dans $] -\infty; +\infty[$ l'équation $e^{x+1} = -7$.

Solution vidéo ↓



Exercice

4

Résoudre une équation avec la fonction logarithme népérien partie 2.

- 1 Résoudre l'équation $\ln(2x + 6) = 0$.
- 2 Résoudre l'équation $\ln(2x - 2) = \ln(x + 2)$.
- 3 Résoudre l'équation $\ln(x - 3) + \ln(2x + 1) = 2 \ln(2)$.

Solution vidéo ↓



Exercice

5

Résoudre une équation avec la fonction logarithme népérien partie 3.

- 1 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'équation $(\ln(x))^2 - 5 \ln(x) + 4 = 0$.

Solution vidéo ↓



Exercice

6

Résoudre une inéquation avec la fonction logarithme népérien.

- 1 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'inéquation $\ln x \geq 4$.
- 2 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'inéquation $\ln x \leq -2$.
- 3 Résoudre dans $]0; +\infty[$ l'inéquation $2 \ln x + 10 > 0$.

Solution vidéo ↓



Exercice

7

Tout savoir sur les dérivées de la fonction logarithme népérien.

- 1 Calculer la dérivée de la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par :
 $f(x) = 2 \ln x - 4x + 3$.
- 2 Calculer la dérivée de la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par :
 $f(x) = 3x \ln x$.
- 3 Calculer la dérivée de la fonction f définie sur $\left] \frac{7}{3}; +\infty \right[$ par :
 $f(x) = \ln(3x - 7) - 5x$.
- 4 Calculer la dérivée de la fonction f définie sur $] -\infty; +\infty[$ par : $f(x) = 4 \ln(x^2 - 3x + 5)$

Solution vidéo ↓



Exercice 8

Tout savoir sur les limites avec la fonction logarithme népérien .

Solution vidéo ↓

1 Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} 2 \ln x + 4x - 5$.

2 Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} -3 \ln x + x^2 + 3x - 5$.

3 Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2 \ln x + 4}{\ln x - 5}$.

4 Calculer $\lim_{x \rightarrow 0^+} (x^2 - 3x) \ln x$.



Exercice 9

Résoudre les inéquations avec un exposant d'inconnue n .

Solution vidéo ↓

1 Soit n un entier naturel, résoudre l'inéquation $2^n \geq 3040$.

2 Soit n un entier naturel, résoudre l'inéquation $400 \times 0,9^n + 600 \leq 700$.



Exercice 10

Étudier les variations de la fonction logarithme népérien partie 1.

Solution vidéo ↓

1 Étudier les variations de la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = 2x - 3 \ln x$.



Exercice 11

Étudier les variations de la fonction logarithme népérien partie 2.

Solution vidéo ↓

1 Étudier les variations de la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = 5x \ln x$.



Exercice

12

Pour aller plus loin - Fonction logarithme népérien et continuité

Solution vidéo ↓

- 1 Soit g la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $g(x) = x^2 - 2 + \ln(x)$. Calculer les limites de g en 0 et en $+\infty$. Que peut-on en déduire?
- 2 Etudier les variations de g sur $]0; +\infty[$.
- 3 Montrer que l'équation $g(x) = 0$ admet une solution unique sur $]0; +\infty[$. On note α cette solution. A l'aide de la calculatrice, déterminer un encadrement d'amplitude 10^{-2} de α .
- 4 Déterminer le signe de g suivant les valeurs de x .
- 5 On considère la fonction f définie et dérivable sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = x^2 + (2 - \ln(x))^2$. On note f' la fonction dérivée de f sur $]0; +\infty[$. Exprimer, pour tout réel x de $]0; +\infty[$, $f'(x)$ en fonction de $g(x)$.
- 6 Etudier les variations de g sur $]0; +\infty[$.



j'ai 20 en maths